

العنوان:	استخدام الشبكات العصبية في تقدير رتب سلاسل ماركوف مع التطبيق على سلسلة جبل بطمة في محافظة نينوى
المؤلف الرئيسي:	الكسو، ابتهاج عبدالحميد محمد علي
مؤلفين آخرين:	الخياط، باسل يونس ذنون، السبعاوي، أحمد محمود محمد(مشرف)
التاريخ الميلادي:	2005
موقع:	الموصل
الصفحات:	1 - 129
رقم:	559819
نوع المحتوى:	رسائل جامعية
اللغة:	Arabic
الدرجة العلمية:	رسالة دكتوراه
الجامعة:	جامعة الموصل
الكلية:	كلية علوم الحاسوب والرياضيات
الدولة:	العراق
قواعد المعلومات:	Dissertations
مواضيع:	علم الإحصاء، الشبكات العصبية الاصطناعية، سلاسل ماركوف، جبل بطمة ، الموصل، العراق
رابط:	<a href="http://search.mandumah.com/Record/559819">http://search.mandumah.com/Record/559819</a>

# استخدام الشبكات العصبية في تدريب رتب سلاسل ماركوف مع التطبيق على سلسلة جبل بطمة في محافظة نينوى

اطروحة مقدمة الى  
مجلس كلية علوم الحاسوب والرياضيات في جامعة الموصل  
وهي جزء من متطلبات نيل شهادة الدكتوراه  
فلسفة في الاحصاء

من قبل

## ابتهاج عبد الحميد محمد علي الكسو

## پاشراف

الاستاذ الدكتور

الاستاذ المساعد الدكتور

احمد محمود محمد السبعاوي باسل يونس ذنون الخياط

تموز ۲۰۰۵م

جمادى الثاني ١٤٢٦ هـ

**Using Neural Networks in Order Estimation of  
Markov's Chains with an Application at  
Batma Chain in Nineveh Governerate**

**A Thesis Submitted  
To  
The council of the College of  
Computer Sciences and Mathematics  
University of Mosul  
In a partial Fulfillment of The  
Requirements for Ph.D. Degree  
In Statistics**

**By  
Ibtehaj Abdul Hammed Muhammed Ali  
Al-Gasoo**

**Supervised by**

**Assist. Prof. Dr.  
Ahmed M. M. Al-Sabawi**

**Prof. Dr.  
Basil Y. Th. Al-Khayat**

**Jamdi Al-Thani ١٤٢٦H**

**July ٢٠٠٩A**

الإهدا

إلى

الروح التي رففت وصعدت إلى ربها راضية مرضية  
الذي ترك في النفس فراغاً لا يملؤه أحد سواه

إلى روح والدي الطاهرة

إلى

نبع الحب والحنان رمز الصبر والتضحية والكبرياء  
التي لازمني دعاؤها صباح مساء

إلى أمي الحنون

إلى

من أرى في عينيه دفء الشتاء وبسمته تضيء ليلى نهار  
الذي اغدقني بالكرم والطيب والسخاء

إلى أخي شامل ورياحينه الصغار

محمد - علي - شهد - مصطفى - عبدالعزيز - نصرت

أهدى ثمرة جهدي المتواضع

ابتهاج

## شكر وثناء

الحمد لله حمداً كثيراً طيباً ظاهراً مباركاً ملء السموات والارض وما بينهما، كما ينبغي لجلال وجهه وعظم سلطانه، والصلوة والسلام على سيدنا وقائدنا ونبينا محمد (صَلَّى اللَّهُ عَلَيْهِ وَسَلَّمَ) خاتم النبيين وعلى آله وصحبه أجمعين ومن تبعهم بمحسان إلى يوم الدين.

يطيب لي وقد شارت على الانتهاء من عملي هذا ان اتقدم بعظيم شكري وامتناني الى أستاذ المشرفين الفاضلين الاستاذ الدكتور باسل يونس ذنون الخياط والاستاذ المساعد الدكتور احمد محمود محمد علي السبعاوي اللذين حفياني برعايتهم العلمية الاصلية الكريمة، اذ كان لتوجيهاتهما السديدة وملحوظاتهما القيمة ومناقشاتهما الغنية عميق الاثر في انجاز هذه الاطروحة وتذليل جميع المعوقات التي واجهتني، وفقهما الله وجراهما عنى خير الدنيا والآخرة.

كما يدعوني واجب العرفان والوفاء ان اتوجه بوافر شكري وعميق امتناني الى الدكتور ظافر رمضان مطر البدراني عميد كلية علوم الحاسوب والرياضيات لما قدمه لي من دعم مستمر.

كما يسرني ان اتقدم بفائق الاحترام والشكر الى اساتذتي الافضل وأخص منهم الاستاذ المساعد الدكتور حسن محمد الياس رئيس قسم الاحصاء والاستاذ المساعد الدكتور طالب شريف جليل والاستاذ المساعد الدكتور صفاء يونس الصفاوي لما قدموه من دعم وتشجيع ورعاية أخوية طوال مدة الدراسة، والى جميع زملائي وزملائي اساتذة قسم الاحصاء. والى من اعan بنصح واسهم بجهد او مشورة اقدم عظيم امتناني وطيب دعائي.

كما يقتضي واجب الوفاء والعرفان بالجميل ان اسجل شكري الى اساتذة قسم علوم الارض في جامعة الموصل وأخص بالذكر الاستاذ الدكتور عبدالعزيز محمود مصطفى على الدأب المتواصل في تقديم المصادر والابحاث والخرائط الجيولوجية الخاصة بالموقع التجاريي فضلا عن المعلومات الجيولوجية القيمة التي كان لها الاثر البالغ في تذليل الصعوبات التي واجهتني اثناء البحث جزاء الله خيراً وأمده من توفيقه ونعمه.

وعلينا بالجميل اتقدم بوافر شكري وعظيم امتناني الى منتبني كلية علوم الحاسوب والرياضيات كافة وأخص بالذكر الاخ الكريم فاضل عباس مسجل الدراسات العليا لما قدمه من تسهيلات لي.

ومن دواعي البر والوفاء ان اتقدم بالشكر والاعتذار للتي لايفي حقها شكر والتي ابقي  
مدينة لاحسانها طوال حياتي، منبع الحب والحنان الذي لainضب والدتي الكريمة لصبرها  
ومعانتها معي طوال رحلتي مع الدراسة، والى من أشد بهم أزري، سندِي ورفاق دربي  
اخوتي شامل و أولاده و سرمهد الدين تحملوا و صبروا كثيراً فكان لهم فضلٌ بعد فضل الله  
سبحانه و تعالى فلهم مني جزيل الشكر و فائق التقدير و عظيم الامتنان.  
وختاماً اسأل الله العلي القدير ان اكون قد أديت جزاً يسيراً من رسالة أنوي بها خدمة  
البحث العلمي، بذلك فيها قصارى جهدي، ومن الله العون والتوفيق.

## ابتهاج

## قائمة المحتويات

رقم الصفحة	العنوان
<b>الفصل الاول: المقدمة</b>	
١	١-١ تمهيد
٢	٢-١ بعض المفاهيم الأساسية
٢	١-٢-١ العمليات التصادفية والمرحلية
٣	٢-٢-١ فضاء الحالة وفضاء المعلمة
٥	٣-٢-١ العمليات الماركوفية
٦	٤-٢-١ السلسل الماركوفية
٧	٥-٢-١ الاحتمالات الانتقالية ومصفوفة انتقال الحالة
٩	٣-١ الاستعراض المرجعي
١٣	٤-١ هدف الاطروحة وخطوطها العريضة
<b>الفصل الثاني: بعض طرائق تقدير الرتبة في السلسل الماركوفية المحدودة</b>	
١٥	١-٢ تمهيد
١٥	٢-٢ مفهوم الرتبة
١٨	٣-٢ بعض طرائق تقدير الرتبة
١٨	١-٣-٢ اختبار مربع كاي ( $\chi^2$ ) لحسن المطابقة
٢٠	٢-٣-٢ اختبار نسبة الترجيح
٢٦	٣-٣-٢ معايير المعلومات
<b>الفصل الثالث: رؤية تحليلية في اسلوب الشبكات العصبية</b>	
٤٥	١-٣ تمهيد
٤٦	٢-٣ هيكلية الشبكة العصبية -تعريفها- هدفها
٤٧	١-٢-٣ اوجه التشابه بين الخلية العصبية البيولوجية والعصبونات الاصطناعية
٤٩	٢-٢-٣ تعريف الشبكة العصبية الاصطناعية وهدفها
٥٠	٣-٢-٣ معمارية (هيكلية) الشبكة العصبية الاصطناعية
٥٢	٣-٣ معالجة المعلومات في الشبكة العصبية (التدريب والتعلم)
٥٢	١-٣-٣ مرحلة التدريب أو التعلم



رقم الصفحة	العنوان
٥٣	١-١-٣-٣ التدريب بإشراف (عن طريق مشرف أو معلم)
٥٣	٢-١-٣-٣ التدريب بدون إشراف
٥٤	٢-٣-٣ مرحلة العمل (الاسترجاع)
٥٥	٤-٣ الشبكات العصبية الاصطناعية وعلم الإحصاء
٥٥	١-٤-٣ تمهيد
٥٦	٢-٤-٣ النماذج الإحصائية وشبكات التغذية الأمامية
٥٦	١-٢-٤-٣ شبكة المدرك الخطي
٥٧	٢-٢-٤-٣ الأوجه الإحصائية للشبكات العصبية
٦٢	٥-٣ شبكة المدرك
٦٢	١-٥-٣ تمهيد
٦٣	٢-٥-٣ تمييز الأنماط
٦٣	٣-٥-٣ معمارية شبكة المدرك
٦٥	٤-٥-٣ طريقة التعلم في شبكة المدرك (Perceptron) القياسية
٦٨	٥-٥-٣ خوارزمية تدريب شبكة المدرك (Perceptron) القياسية
<b>الفصل الرابع: دراسة محاكاة لبعض طرائق تقدير رتب السلسل الماركوفية</b>	
٦٩	١-٤ تمهيد
٧٠	٢-٤ تعاريف المحاكاة
٧٠	٣-٤ نماذج المحاكاة
٧٤	٤-٤ نتائج تجارب المحاكاة
٨٠	٥-٤ مناقشة نتائج المحاكاة
<b>الفصل الخامس: النمذجة الماركوفية للطبقات الأرضية في منطقة بطمة</b>	
٨٥	١-٥ تمهيد
٨٦	٢-٥ وصف الموقع التجاري
٨٧	٣-٥ التطبيق الواقعي للسلسلة الماركوفية لمنطقة بطمة
٩٠	١-٣-٥ اختبار مربع كاي لحسن المطابقة
٩٢	٢-٣-٥ اختبار نسبة الترجيح (LRT)
٩٣	٣-٣-٥ معايير المعلومات
١٠٢	٤-٣-٥ اسلوب الشبكات العصبية الاصطناعية

رقم الصفحة	العنوان
١٠٣	٥-٤-٣-٥ معمارية شبكة المدرك لتمييز الرتب
١٠٥	٥-٤-٣-٥ فكرة عمل شبكة المدرك لتمييز الرتب
١٠٧	٥-٣-٤-٣-٥ : خوارزمية التدريب لشبكة المدرك لتمييز الرتب (ONN)
١٠٩	٥-٤-٣-٥ تأثير معامل معدل التعلم (نسبة التعلم) على عدد خطوات تدريب شبكة المدرك لتمييز الرتب (ONN)
١١٣	٥-٤-٣-٥ تدريب شبكة المدرك لتمييز الرتب
١١٤	٤-٥ مناقشة النتائج للبيانات الواقعية ومقارنتها مع دراسة المحاكاة
	<b>الفصل السادس: الاستنتاجات والتوصيات</b>
١١٧	٦-١ الاستنتاجات
١١٨	٦-٢ التوصيات
١٢٠	المصادر
	الملاحق



## قائمة الجداول

رقم الصفحة	العنوان
٦	الجدول (١-١) : تصنیف العمليات المارکوفية
٢٧	الجدول (١-٢) : الحالات النهائية ذوات الطول (١).
٢٨	الجدول (٢-٢) : الحالات النهائية ذوات الطول (٢)
٢٨	الجدول (٣-٢) : الحالات النهائية ذوات الطول (٣).
٧٥	الجدول (٤-١) : نتائج تجارب المحاكاة لتقدير رتبة السلسلة المارکوفية المولدة من النموذج M١ ذي الرتبة ١ ( $r=25, 50, 75, 100, n=100$ )
٧٦	الجدول (٤-٢) : نتائج تجارب المحاكاة لتقدير رتبة السلسلة المارکوفية المولدة من النموذج M٢ ذي الرتبة ٢ ( $r=25, 50, 75, 100, n=100$ )
٧٧	الجدول (٤-٣) : نتائج تجارب المحاكاة لتقدير رتبة السلسلة المارکوفية المولدة من النموذج M٣ ذي الرتبة ٣ ( $r=25, 50, 75, 100, n=100$ )
٧٨	الجدول (٤-٤) نتائج تجارب المحاكاة لتقدير رتبة السلسلة المارکوفية المولدة من النموذج غير الخطى M٤ ذي الرتبة ٤ ( $r=25, 50, 75, 100, n=100$ )
٨٠	الجدول (٤-٥) : النسب المئوية الخاصة بنجاح كل طريقة في تقدير الرتبة الصحيحة لجميع النماذج والتقديرات.
٨٢	الجدول (٤-٦) : مقارنة بين طريقي معيار معلومات اكافي وشبكة المدرک لتقدير رتبة السلسلة المارکوفية المولدة من النموذج M١ ذي الرتبة ١ ( $r=25, 50, 75; n=100$ )
٨٢	الجدول (٤-٧) : مقارنة بين طريقي معيار معلومات اكافي وشبكة المدرک لتقدير رتبة السلسلة المارکوفية المولدة من النموذج M٢ ذي الرتبة ٢ ( $r=25, 50, 75; n=100$ )
٨٣	الجدول (٤-٨) : مقارنة بين طريقي معيار معلومات اكافي وشبكة المدرک لتقدير رتبة السلسلة المارکوفية المولدة من النموذج M٣ ذي الرتبة ٣ ( $r=25, 50, 75; n=100$ )
٨٣	الجدول (٤-٩) : مقارنة بين طريقي معيار معلومات اكافي وشبكة المدرک لتقدير رتبة السلسلة المارکوفية المولدة من النموذج غير الخطى M٤ ذي الرتبة ١ ( $r=25, 50, 75; n=100$ )



رقم الصفحة	العنوان
٨٤	الجدول (٤-١٠) : النسب المئوية الخاصة بنجاح طريقتي معلومات اكافي وشبكة المدرك في تقدير الرتبة الصحيحة لجميع النماذج والتكرارات.
٩١	الجدول (٥-١) : نتائج تقدير رتبة السلسلة الماركوفية لمنطقة بطمة وفق اختبار مربع كاي لحسن المطابقة.
٩٣	الجدول (٥-٢) : نتائج تقدير رتبة السلسلة الماركوفية لمنطقة بطمة وفق اختبار نسبة الترجيح
٩٤	الجدول (٥-٣) : نتائج تقدير رتبة السلسلة الماركوفية لمنطقة بطمة وفق معيار شانون للمعلومات.
٩٥	الجدول (٤-٥) : نتائج تقدير رتبة السلسلة الماركوفية لمنطقة بطمة وفق معيار معلومات اكافي (AIC).
٩٦	الجدول (٥-٥) : حجم العينة (N) والرتب الخاصة بمعيار معلومات اكافي للسلسلة المرحلية لمنطقة بطمة.
٩٧	الجدول (٥-٦) : حجم العينة (N) والرتب الخاصة بمعيار معلومات اكافي للسلسلة غير المرحلية لمنطقة بطمة.
٩٩	الجدول (٥-٧) : نتائج تقدير رتبة السلسلة الماركوفية لمنطقة بطمة وفق معيار معلومات بيز لاكافي (BIC).
١٠٠	الجدول (٥-٨) : حجم العينة (N) والرتب الخاصة بمعيار معلومات بيز لاكافي (BIC) للسلسلة الماركوفية المرحلية لمنطقة بطمة.
١٠١	الجدول (٥-٩) : حجم العينة (N) والرتب الخاصة بمعيار معلومات بيز لاكافي (BIC) للسلسلة الماركوفية غير المرحلية لمنطقة بطمة.
١٠٩	الجدول (٥-١٠) : تأثير معامل معدل التعلم على عدد خطوات التدريب في شبكة المدرك لتمييز الرتب.
١١١	الجدول (٥-١١) : العلاقة بين القيمة المثالية لمعدل التعلم وعدد سلاسل الادخال المنخبة لشبكة المدرك لتمييز الرتب.

## قائمة الاشكال

رقم الصفحة	العنوان
٨	الشكل (١-١) : المخطط الانتقالي لاربع حالات.
٢٥	المخطط الانسيابي للخوارزمية (١-٢)
٢٦	المخطط (١-٢) : مخطط مصدر معلومات ماركوف.
٤٨	الشكل (٣-١) : مكونات الخلية العصبية البيولوجية وما يناظرها في الخلية العصبية الاصطناعية
٥١	الشكل (٢-٣) : معمارية الشبكة العصبية الاصطناعية النموذجية
٥٤	الشكل (٣-٣) : هيكلية الشبكة العصبية ذات التغذية الأمامية.
٦٤	الشكل (٤-٣) : شبكة المدرک بطبقتين.
٦٧	الشكل (٥-٣) : طريقة تعلم شبكة المدرک (Perceptron).
٧٢	الشكل (٤-١) : بعض المشاهدات المولدة من النموذجين $M_1$ - $M_2$ والحالات المقابلة لها.
٧٣	الشكل (٤-٤) : بعض المشاهدات المولدة من النموذجين $M_1$ - $M_2$ وال الحالات المقابلة لها.
٨٩	الشكل (١-٥) : السلسلة الماركوفية للعضو السفلي لمنطقة بطمة.
٩٠	الشكل (٢-٥) : نسب انواع الصخور للسلسلة الماركوفية لمنطقة بطمة.
٩٦	الشكل (٣-٥) : نسبة المخاطرة ( $R(m)$ ) وحجم العينة ( $N$ ) للسلسلة المرحلية لمنطقة بطمة.
٩٨	الشكل (٤-٥) : نسبة المخاطرة ( $R(m)$ ) وحجم العينة ( $N$ ) للسلسلة غير المرحلية لمنطقة بطمة.
٩٩	الشكل (٥-٥) : معيار معلومات بيز ( $BIC(m)$ ) ضد الرتبة $m$ .
١٠١	الشكل (٦-٥) : معيار معلومات بيز ( $BIC(m)$ ) وحجم العينة ( $N$ ) للسلسلة الماركوفية المرحلية لمنطقة بطمة
١٠٢	الشكل (٧-٥) : معيار معلومات بيز ( $BIC(m)$ ) وحجم العينة ( $N$ ) للسلسلة الماركوفية غير المرحلية لمنطقة بطمة.
١٠٤	الشكل (٨-٥) : معمارية شبكة المدرک لتمييز رتبة السلسلة الماركوفية لمنطقة بطمة.



رقم الصفحة	العنوان
١٠٦	الشكل (٩-٥) : فكرة عمل شبكة المدرك لتمييز رتبة السلسلة الماركوفية لمنطقة بطمة.
١٠٨	الشكل (١٠-٥) : المخطط الانسيابي لخوارزمية تدريب شبكة المدرك الخاصة بتمييز الرتب.
١١٠	الشكل (١١-٥) : العلاقة بين معامل معدل التعلم ( $\eta$ ) وعدد خطوات التدريب لشبكة المدرك لتمييز الرتب.
١١٢	الشكل (١٢-٥) : العلاقة بين عدد سلاسل الادخال (N) وعدد الخطوات (In) لشبكة المدرك لتمييز الرتب (ONN).
١١٤	الشكل (١٣-٥) : نافذة الرتبة التي ميزتها شبكة المدرك (ONN) للسلسلة الماركوفية الواقعية لمنطقة بطمة.



وزارة التعليم العالي والبحث العلمي  
استماراة مستخلصات أطارات الدراسات العليا للجامعات العراقية

رقم الاستماراة	الجامعة	الكلية	القسم	الفرع	
٧٣	الموصل	علوم الحاسوب و الرياضيات	الاحصاء		
<b>عنوان الرسالة</b> استخدام الشبكات العصبية في تقدير رتب سلاسل ماركوف مع التطبيق على سلسلة جبل بطمة في محافظة نينوى					
الجهة المستفيدة	طبيعة البحث	تاريخ تسجيل الرسالة			
أكاديمي		٢٠٠٢/١١/١			
قناة القبول	تاريخ القبول	جهة الانتساب	الجنس	العمر	أسم الطالب
مباشر	٢٠٠١/١٠/٢٠	كلية علوم الحاسوب و الرياضيات جامعة الموصل	أنثى	٤٥	ابتهاج عبدالحميد محمد علي
جهة الانتساب	الجنس	العمر	الدرجة العلمية	أسم المشرف	
كلية علوم الحاسوب و الرياضيات / جامعة الموصل	ذكر	٥٤	أستاذ مساعد	د. احمد محمود محمد السبعاوي	
كلية علوم الحاسوب و الرياضيات / جامعة الموصل	ذكر	٥٤	أستاذ	د. باسل يونس ذنون الخياط	
الجهة المانحة للشهادة : د. احمد محمود/ الجامعة التكنولوجية - فروتسواف / بولونيا تاريخ الحصول على الشهادة : د. احمد محمود / ١٩٨٧ تاريخ آخر ترقية علمية : د. احمد محمود / ١٩٩٧ ؛ د. باسل يونس / ١٩٩٨					
الاختصاص الدقيق	الاختصاص العام	الشهادة	تاريخ صدور الأمر الجامعي		
العشوانية	الاحصاء	دكتوراه			
الكلمات المفتاحية : سلاسل ماركوف ، الشبكات العصبية					

## المستخلص بلغة الرسالة

لقد اولى الباحثون اهتماماً خاصاً بدراسة السلسل الماركوفية باعتبارها احدى النماذج الاحتمالية التي وجد لها العديد من التطبيقات في مجالات شتى، ومن الامور المهمة المتعلقة بدراسة السلسل الماركوفية والتي شغلت اهتمام الباحثين منذ قرابة نصف قرن تقدير رتبتها. وتأتي هذه الدراسة لتناول مسألة تقدير رتبة السلسل الماركوفية باستخدام الامثلية الاحصائية الكلاسيكية فضلا عن اساليب اخرى مقترنة.

ان الطرائق التي تتضمنها هذه الدراسة تتبع الى ثلاث فئات مختلفة: الفئة الاولى تتضمن طريقة اختبار مربع كاي واختبار نسبة الترجيح الكلاسيكيتين، في حين تتضمن الفئة الثانية اربع طرائق تعتمد على معايير المعلومات. وأما الفئة الاخيرة فتتضمن طريقة مفترحة تعتمد على احدى تقنيات الذكاء الاصطناعي المتمثل باسلوب الشبكات العصبية. وتقترح خوارزميات لحساب الرتبة لبعض هذه الطرائق فضلا عن إعداد برامج خاصة بذلك. كما اعتمدت شبكة المدراك لتمييز الرتب واعدت خوارزمية خاصة لتدريب تلك الشبكة فضلا عن بناء شبكة لهذا الغرض، سميت (ONN)، دربت على مجموعة من السلسل الماركوفية والمولدة بالمحاكاة وتم التأكد من صحة رتبتها اعتماداً على احد الامثلية الاحصائية.

ويعتمد اسلوب المحاكاة لاجراء دراسة مقارنة بين مختلف الطرائق المطروحة في هذه الدراسة لمعرفة ودراسة كفاءة كل من هذه الطرائق من خلال حساب نسب نجاحها في تقدير الرتبة.

وتتناول هذه الدراسة ايضاً مسألة واقعية في علوم الارض (الجيولوجيا) وذلك بنمذجة الطبقات الارضية للعضو السفلي لسلسلة جبل بطمة باعتبارها سلسلة ماركوفية وتعالج بيانات واقعية لنتائج صخرية مأخوذة من تلك المنطقة، وتقدر رتبة هذه السلسلة الماركوفية بأنها الرتبة الثالثة.

توقيع مسؤول الدراسات العليا في الكلية

## المستخلص

لقد اولى الباحثون اهتماماً خاصاً بدراسة السلسل الماركوفية باعتبارها احدى النماذج الاحتمالية التي وجد لها العديد من التطبيقات في مجالات شتى، ومن الامور المهمة المتعلقة بدراسة السلسل الماركوفية والتي شغلت اهتمام الباحثين منذ قرابة نصف قرن تقدير رتبتها. وتأتي هذه الدراسة لتناول مسألة تقدير رتبة السلسل الماركوفية باستخدام الالاليب الاحصائية الكلاسيكية فضلا عن اساليب اخرى مقتربة.

ان الطرائق التي تتضمنها هذه الدراسة تتنمي الى ثلاثة فئات مختلفة: الفئة الاولى تتضمن طريقي اختبار مربع كاي واختبار نسبة الترجيح الكلاسيكيتين، في حين تتضمن الفئة الثانية اربع طرائق تعتمد على معايير المعلومات. وأما الفئة الاخيرة فتتضمن طريقة مقتربة تعتمد على احدى تقنيات الذكاء الاصطناعي المتمثل باسلوب الشبكات العصبية. وتقترح خوارزميات لحساب الرتبة لبعض هذه الطرائق فضلا عن إعداد برامج خاصة بذلك. كما اعتمدت شبكة المدرك لتمييز الرتب واعدت خوارزمية خاصة لتدريب تلك الشبكة فضلا عن بناء شبكة لهذا الغرض، سميت (ONN)، دربت على مجموعة من السلسل الماركوفية والمولدة بالمحاكاة وتم التأكد من صحة رتبتها اعتماداً على احد الالاليب الاحصائية.

ويعتمد اسلوب المحاكاة لاجراء دراسة مقارنة بين مختلف الطرائق المطروحة في هذه الدراسة لمعرفة دراسة كفاءة كل من هذه الطرائق من خلال حساب نسب نجاحها في تقدير الرتبة.

وتتناول هذه الدراسة ايضاً مسألة واقعية في علوم الارض (الجيولوجيا) وذلك بنمذجة الطبقات الارضية للعضو السفلي لسلسلة جبل بطمة باعتبارها سلسلة ماركوفية و تعالج بيانات واقعية لنتائج صخرية مأخوذة من تلك المنطقة، وتقدر رتبة هذه السلسلة الماركوفية بانها الرتبة الثالثة.

## **ABSTRACT**

The researcher's have payed attention to the study of Markovian Chains, since they are considered as one of the probabilistic models which many applications have found about it in different fields, one of the important matters related to the study of Markovian chains that have attracted researcher's attention since about half century is order estimateion. This study is concerned with order estimation matter of the Markovian chains using classical statistical methods in addition to other suggested methods.

This study includes many methods which belong to three different classes, the first class includes the two classical methods Chi-Square and Likelihood Ratio Tests, the second class includes four methods depending on information criterions, the last class includes suggested method depending on the Artificial Intelligence techniques such as Neural Networks method. Algorithims are suggested to determined order as well as special programs are prepared for that.

Perceptron network has been used for order discrimination and special Algorithm has been prepared for training the network. Special network has been proposed called (ONN) which has been trainied on many Markovian chains generated by simulation and whose order has been determined according to some statistical method.

The study is based on simulation for making a compartive study among all the methods used in this study in order to determine their effeciency by accounting their ratio of successness in order estimation.

Also , this study includes the treatment of a geological matter through modelling land layers of the lower member of Batma Chain, which is considered a Markovian chain.

This study treated realistic data collected from this area, the order of this chain is estimated as the third.

**الفصل الاول**

**المقدمة**

**INTRODUCTION**

## ١-١ تمهيد Introduction

في حياتنا اليومية نتعامل كثيراً مع ظواهر ذات سلوك غير قطعي Non-deterministic لا يمكن السيطرة عليها بشكل تام أو التنبؤ بسلوكها المستقبلي بشكل مؤكد، والتي يطلق عليها عادة مصطلح **العمليات التصادفية** (Stochastic Processes).

ومن العمليات التصادفية التي نالت اهتماماً واسعاً من قبل العديد من الباحثين العملية التي جاء بها العالم السوفيتي Anderi A. Markov في مطلع القرن العشرين والتي يطلق عليها **عملية ماركوف** (Markov Process)، وهذه العملية تحتل مكانة هامة في التطبيقات الإحصائية الواقعية. وعادة تتركز اهتمامتنا في التطبيقات الواقعية بالحالة التي يكون فيها الدليل الذي تتغير تبعاً له العملية التصادفية ذات الطبيعة المنفصلة (المقاطعة) (Discrete)، عندئذ تطلق على العملية ماركوف تسمية **سلسلة ماركوف** (Markov Chain).

إن سلسلة ماركوف ينظر إليها على أنها سلسلة من الحالات (States) التي تمر بها ظاهرة معينة خلال انتقالها عبر المحور الزمني أو أي دليل آخر. ومن المسائل الإحصائية المهمة المتعلقة بدراسة سلاسل ماركوف تقدير رتبتها التي تمثل ذاكرة هذه العملية التصادفية.

لقد تشعبت تطبيقات سلاسل ماركوف وشملت مساحة واسعة ابتداءً من التطبيقات الإنسانية وحتى التطبيقات الطبية ومروراً بالتطبيقات العلمية والتقنية المختلفة. وعلى الرغم من هذا الانتشار الكبير لسلاسل ماركوف، إلا أننا نلاحظ أن دراستها لا تزال مقيدة بقيد شديد، يعرف بـ**المرحلية** (Stationarity)، والذي يُضطر إلى افتراضه من أجل تسهيل التعامل الرياضي والإحصائي مع مثل هذه العملية التصادفية.

وتأتي هذه الدراسة لتناول مسألة تقدير رتب سلاسل ماركوف باستخدام عدد من الأساليب الكلاسيكية فضلاً عن أسلوب حديث يعتمد على أحد الأساليب الحاسوبية الذكائية.

ومن الثمار المهمة لاستخدام مثل هذه الأساليب الذكائية أننا نستطيع التخلص من قيد المرحلية القسري. ويتركز الاهتمام على تطبيق عملي على بيانات واقعية تمثل مقاطع من التتابعات الصخرية لمنطقة جبل بطمة الواقعية في محافظة نينوى.

## ٢-١ بعض المفاهيم الأساسية : Some Basic Concepts

## ١-٢-١ العمليات التصادفية والمرحلية Stochastic Processes and Stationarity

إن العملية التصادفية هي عبارة عن ظاهرة تتغير بتغير دليل معين (كالزمن أو السمك أو أي دليل آخر) والتي لا يمكن إيجاد قيمها النظرية بدقة تامة، بل لها مدى معين من القيم الممكنة والمتصلة بتوزيع احتمالي يصف قيمتها عند كل قيمة من الدليل.

تعرف العملية التصادفية رياضياً بأنها عبارة عن متتابعة (Sequence) من المتغيرات العشوائية (Random Variables) مؤشرة بالدليل  $t$  الذي يعود للمجموعة الدليلية  $T$  و تكتب بشكل  $\{X(t); t \in T\}$ ، وتُفسَّر عادة على أنها الحالة التي تقع فيها العملية أو متغير الاستجابة (Response Variable) عند المعلمـة (Parameter)  $t$ . فإذا كانت  $t$  تأخذ جميع القيم الواقعـة ضمن المدى المستمر للقيم الحقيقـية (Real Values)، محدودـة أو غير محدودـة (Finite or Infinite)، ومعرفـاً في  $T \subseteq IR$  حيث أن  $IR$  تمثل مجموعة الأعداد الحقيقـية، أي أن  $\{t: t \geq t_0, -\infty < t < \infty\}$  أو  $T = \{t: t = 0, \pm 1, \pm 2, \dots\}$  ، فيقال للعملية التصادفـية إنـها عملية معلـمة مستـمرة (Continuous Parameter Process) والتي يرمـز لها عادة  $\{X(t); -\infty < t < \infty\}$ ، أو للاختصار  $\{X(t)\}$ . أما إذا أخذـت  $t$  مجموعـة من القيم المقطـعة (Discrete Values) بحيث أن  $T = \{t: t = 0, \pm 1, \pm 2, \dots\}$ ، عندـئذ يقال للعملية التصادفـية إنـها عملية معلـمة مقطـعة (Discrete Parameter Process)، والتي يرمـز إليها عادة  $\{X_t; t = 0, \pm 1, \pm 2, \dots\}$ .

وما دامت العملية التصادفية تمثل متابعة من المتغيرات العشوائية التي تتغير قيمتها تبعاً لتغير دليل معين، لذا فمن المؤكد أن البنية التركيبية للعملية التصادفية ذات طبيعة ليست يسيرة للتعامل معها. من هنا ظهرت أسباب موجبة لافتراضات نظرية لكي يسهل التعامل مع مثل هذه العمليات. ومن أشهر الافتراضات بهذا الخصوص هو افتراض المراحلية Stationarity والذي من خلاله نفترض أن خصائص العملية التصادفية لا تتغير بتغيير الدليل t.

و تكون العملية التصادفية مرحلية بقوة (Strictly Stationarity Stochastic Process) إذا كان التوزيع الاحتمالي المشترك (The Joint Probability Distribution) للمتغيرات  $X(t_1), X(t_2), \dots, X(t_n)$  مكافئًا للتوزيع الاحتمالي المشترك للمتغيرات  $X(t_1+k), X(t_2+k), \dots, X(t_n+k)$  ، لأية إزاحة  $k$  ، ولأية نقاط زمنية  $t_1, t_2, \dots, t_n$ . و تعني هذه الصفة أن الهيكل أو البناء الاحتمالي للعملية المرحلية بقوة يكون ثابتا تحت التغير في الزمن [Priestley, 1981; Kanjilal, 1995].

وبالنظر لصعوبة تحقيق شرط المرحلية بقوة من الناحية العملية، يستعرض عنها عادة **بفكرة المرحلية الضعيفة (Weakly Stationarity)**، أو بتعريف المرحلية لغاية الرتبة  $m$  ( $up to order m$ )، والتي تصف تقربياً نفس السلوك الفيزيائي للعملية التصادفية، إلا أنها تكون بدلاً العزوم ( $Moments$ ) بدل التوزيع الاحتمالي المشتركة. فالعملية التصادفية  $\{X(t)\}$  تكون مرحلية لغاية الرتبة  $m$  إذا كانت جميع العزوم المشتركة ( $Joint Moments$ ) لغاية الرتبة  $m$  للمتغيرات  $X(t_1), X(t_2), \dots, X(t_n)$  موجودة ومساوية إلى العزوم المناظرة لها لغاية الرتبة  $m$  للمتغيرات  $X(t_1+k), X(t_2+k), \dots, X(t_n+k)$  ولدية إزاحة  $k$ ، وعند أية نقاط زمنية  $t_n, t_1, t_2, \dots, t_n$ . أي أن [Priestley, 1981]

$$E[X(t_1)^{m_1} X(t_2)^{m_2} \dots X(t_n)^{m_n}] = E[X(t_1+k)^{m_1} X(t_2+k)^{m_2} \dots X(t_n+k)^{m_n}] \quad (1-1)$$

ولجميع الأعداد الصحيحة الموجبة  $m_1, m_2, \dots, m_n$  التي تحقق القيد  $m_1 + m_2 + \dots + m_n \leq m$  وتوصف جميع العمليات التصادفية المرحلية  $\{X(t)\}$  بخاصية الطاقمية (*Ergodic Property*) لامتلاكها نوعين من المعدلات، يسمى الأول بالمعدل الزمني (*Time Average*) ، أما الثاني فيسمى بمعدل الطاقم (*Ensemble Average*). فإذا حدث أن تقارب (*Converges*) المعدل الزمني من المعدل الطاقمي في العينات الكبيرة جداً، فإن العملية التي تتبع هذه الخاصية تسمى بالعملية المرحلية الطاقمية (*Ergodic Stationarity Process*) [الوكيل والعذاري، ١٩٦٠؛ Hannan, ١٩٩١] .[Priestley, 1981;

ويعبر عن العمليات التصادفية التي تتغير خصائصها عبر الزمن، أو الانظمة التي تنشأ وتطور مع الزمن والتي لا تمتلك خاصية المرحلية، بالعمليات النشوية أو التطويرية (*Non Stationarity*) أو **العمليات غير المرحلية (Evolutionary Processes)** .[Priestley, 1981] (Processes

## ٢-٢-١ فضاء الحالة وفضاء المعلمة State Space and Parameter Space

على الرغم من تعدد أنواع العمليات التصادفية، إلا أن هناك صفتين مميزتين ضروريتين للعملية التصادفية هما **فضاء الحالة (State Space)** وطبيعة معلمة الدليل أو ما يسمى **بفضاء المعلمة (Parameter Space)**.

و تُعرف الحالة أو الحالات (States) للعملية التصادفية  $\{X(t)\}$  بأنها أقل مجموعة من المعلومات عن الحاضر والماضي بحيث يمكن وصف السلوك المستقبلي للنظام من خلال معرفة الحالة الحالية والإدخال المستقبلي، فهي تحوي معلومات تاريخية كاملة عنه ولا يُشترط إمكانية قياسها مباشرة أو أن يكون لها معنى فيزيائي [البراناني، ٢٠٠٢].

و عرف [Lindsey, ٢٠٠١] الحالة بأكثر من قيمة واحدة لمتغير الاستجابة  $\{X(t)\}$  تمثل بمنتجه يحوي قيمةً عدّة للمتغير الكمي (Quantitative Variable). فالعملية التصادفية عند أيّة نقطة زمنية تكون في حالة معينة تُعرف بقيمة متغير الاستجابة  $\{X(t)\}$  المشاهد عند تلك النقطة الزمنية  $(t)$  والمجموعة التي تضم جميع الحالات الممكنة للعملية التصادفية تسمى عادةً بفضاء الحالة (State Space).

ويقال للعدد الحقيقي  $(x)$  بأنه قيمة ممكنة (محتملة)، أو حالة للعملية التصادفية  $\{X(t); t \in S\}$  إذا وجد الدليل  $t$  (كالزمن أو أي دليل آخر) في المجموعة الدليلية  $S$  (فضاء الزمن أو أي فضاء آخر)، بحيث يكون الاحتمال التالي موجباً لجميع قيم  $h > 0$  :[Kanjilal, ١٩٩٥]

$$P[x-h < X(t) < x+h] > 0 \quad \forall h > 0 \quad (2-1)$$

ويصنف فضاء الحالة إلى محدود (Discrete) أو مقتطع (Finite)، إذا احتوى على أعداد محدودة من الحالات أو على أعداد غير محدودة معدودة من الحالات، أو انه نتج عن فضاء الحالة المحدود بمتغير استجابة غير مشروط  $\{X(t)\}$ . والصنف الثاني لفضاء الحالة هو غير المحدود أو المستمر، حيث يقال لفضاء الحالة غير المقطع إنه مستمراً إذا كان متغير الاستجابة  $\{X(t)\}$  لفضاء الحالة يقع ضمن فترة معينة.

أما فضاء المعلمة (Parameter Space) أو ما يُعرف بطبيعة معلمة الدليل، فان العملية التصادفية  $\{X(t); t \in T\}$  تتكون من مشاهدات ومتغيرات تتغير بتغيير دليل معين كالزمن أو أي دليل آخر، وهذا الدليل يسمى عادة بالمعلمة، والتي يرمز لها عادة بالرمز  $t$ ، والذي تقع قيمه في مجموعة معينة يطلق عليها فضاء المعلمة (Parameter Space) ويرمز لها عادة بالرمز  $T$ .

وكما هو الحال في فضاء الحالة، فإن فضاء المعلمة يقسم إلى قسمين رئيسيين هما: فضاء المعلمة المقتطع (Discrete Parameter Space)، حيث أن مشاهدات العملية التصادفية تكونت بفضاءات جزئية متساوية (Equally Subspace) ضمن فضاء المعلمة  $T$ ، وبعبارة أخرى، يقال للمعلمة بأنها مقتطعة إذا كان فضاء المعلمة  $T$  مجموعة محدودة أو غير محدودة قابلة للعد  $. T = \{t; t = 0, \pm 1, \pm 2, \dots\}$

أما فضاء المعلمة المستمر (Continuous Parameter Space) ففيه تكونت مشاهدات العملية التصادفية بفضاءات متصلة ضمن فضاء المعلمة  $T$ , أي أن وقوع فضاء المعلمة  $T$  يكون ضمن الفترة  $\{t: -\infty < t < \infty\}$ .

عملياً، ولعدم إمكانية مشاهدة العملية التصادفية بشكل متواصل لاحتواها على عدد غير محدود من المشاهدات، يجب تحديد نوعية النماذج التي يمكن تطبيقها، فالنماذج بفضاء المعلمة المستمر تستخدم لأية نوعية من البيانات وهي الأكثر صعوبةً من النماذج بفضاء المعلمة المنقطع التي تتطلب مشاهدات بفضاءات متساوية.

### Markov Processes

### ١-٢-٣ عمليات ماركوف

عند دراستنا لأية ظاهرة أو نظام فأنتا نسعي غالباً إلى استنتاج ومعرفة حالة النظام عند نقطة زمنية معطاة، ولتكن  $t_0$ ، عن طريق معرفتنا بحالة هذا النظام عند أية نقطة زمنية مبكرة سابقة لها  $t_0$  ولا يعتمد على جميع تاريخ النظام (System History) قبل النقطة الزمنية  $t_0$ .

وبعبارة أخرى فإن حالة النظام عند النقطة الزمنية الحالية  $t$  تكون مستقلة (Independent) عن جميع حالات النظام الأخرى قبل النقطة الزمنية  $t_0$ ، بل تعتمد فقط على حالة النظام السابقة لها، أي عند النقطة الزمنية  $t_0$ . فالعمليات التصادفية التي تمثل مشاهدات Markov من أنظمة تحقق هذا الشرط تسمى **عمليات ماركوف** (Observations Processes).

ويقال عن العملية التصادفية ذات المعلمة المنقطعة  $\{X_t: t = 0, +1, +2, \dots\}$  أو ذات المعلمة المستمرة  $\{X(t), t \geq 0\}$  بأنها **عملية ماركوف** إذا حققت الخاصية الآتية :

[Cox and Miller, ١٩٦٤; Kanjilal, ١٩٩٥]

$$\begin{aligned} P\{X_{(t+1)} = j | X_{(t)} = i, X_{(t-1)} = i_{t-1}, X_{(t-2)} = i_{t-2}, \dots, X_{(t_0)} = i_0\} \\ = P\{X_{(t+1)} = j | X_{(t)} = i\} \end{aligned} \quad (3-1)$$

أي أن التوزيع الشرطي (Conditional Distribution) للمتغير  $X_{(t+1)}$  معطى جميع قيمه الماضية والحاضرة تعتمد فقط على القيمة الحالية منه  $X_{(t)}$  ولا تعتمد على أية قيمة أخرى من الماضي. وتعرف هذه الخاصية **بخاصية ماركوف** (Markov Property). وكما هو واضح فإن هذه الخاصية تتضمن السببية الاحتمالية (Probabilistic Causality).

وتصنّف عمليات ماركوف تبعاً لفضاء الحالة (متقطع-مستمر) وفضاء المعلمة (متقطع-مستمر) إلى أربعة أصناف، موضحة في الجدول (١-١) [Parzen, ١٩٦٢]:

الجدول (١-١): تصنيف عمليات ماركوف

متقطع	مستمر	فضاء المعلمة
		فضاء الحالة
عملية ماركوف (MP)	عملية ماركوف (MP)	مستمر
سلسلة ماركوف (MC)	سلسلة ماركوف (MC)	متقطع

من الجدول (١-١) يتضح أن عملية الماركوف بفضاء الحالة المتقطع تمثل سلسلة ماركوف (Markov Chain) بغض النظر عن وصف فضاء المعلمة إن كان متقطعاً أم مستمراً، غالباً ما تستخدم مجموعة الأعداد الصحيحة  $S = \{0, 1, 2, \dots\}$  كفضاء حالة لتمثيل سلاسل ماركوف.

#### ٤-٢-١ سلاسل ماركوف

إن سلسلة ماركوف (Markov Chain)، يرمز لها اختصاراً (MC)، وهي نوع خاص من عمليات ماركوف يمكن تمثيلها بفضاء الحالة المتقطع وفضاء المعلمة المتقطع أو المستمر، وهي عبارة عن متتابعة من المتغيرات العشوائية (Sequence of Random Variables)  $\{X_t; t=0, 1, 2, \dots\}$  تحقق خاصية ماركوف وان الانظمة التي تمتلك تلك الخاصية تسمى بسلاسل ماركوف.

وقد عرف [فجة جي واخرون، ١٩٩٨] سلسلة ماركوف بأنها عملية عشوائية متقطعة الزمن يتميز كل متغير عشوائي ( $X_t$ ) فيها بارتباطه بالمتغير السابق له مباشرة ( $X_{t-1}$ ) وبتأثيره على المتغير اللاحق ( $X_{t+1}$ ) فقط، ومن هنا اطلق على هذه العملية اسم "سلسلة" أو "قلادة" لتعلق كل متغير بجواره المباشر فقط.

ويعامل تطور سلسلة ماركوف بسلسلة من الانتقالات بين قيم معينة للعملية، والتي تسمى حالات (States) السلسلة، حيث تتمتع هذه الحالات بخاصية تقول بان القانون الاحتمالي للتطور المستقبلي للسلسلة عند حالة معينة يعتمد فقط على تلك الحالة ولا يعتمد على كيفية وصول السلسلة إلى هذه الحالة، وقد يكون عدد الحالات الممكنة محدوداً (Finite) أو غير محدود وقابلأ للعد (Countably Infinite). [Hoel et al., ١٩٧٢]

## ١-٢-٥ الاحتمالات الانتقالية ومصفوفة انتقال الحالة

### Transition Probabilities and State Transfer Matrix

من المعروف أن سلسلة ماركوف (MC) بنيت أساساً على انتقال الظاهر من حالة إلى أخرى ضمن فضاء الحالة  $S$  تحكمها في ذلك قوانين احتمالية معينة تسمى بالاحتمالات الانتقالية (Transition Probabilities).

إن الاحتمالات الانتقالية تصف الانتقال لسلسلة ماركوف من حالة إلى أخرى خلال فترة زمنية معينة، ويرمز للاحتمالية الانتقالية من الحالة  $i$  عند آية لحظة زمنية  $t$  بغض النظر عن الحالة السابقة للحالة  $i$  (التاريخ المسبق) إلى الحالة  $j$  عند الزمن  $t+1$  (بعد خطوة واحدة) بالرمز  $P_{ij}$  المتمثل بالصيغة الآتية [Chung, ١٩٧٤]:

$$P_{ij} = P\{X_{t+1}=j|X_t=i\} \quad (4-1)$$

ولجميع قيم  $i, j \in I$  حيث أن  $I$  هي مجموعة الأعداد الصحيحة (Integer Numbers). وهذا الوصف يلائم فضاء معلمة سلسلة ماركوف المتقطع الذي يمكن تمثيله بالأعداد الصحيحة  $\{..., 0, 1, 2, ...\}$ ، وفي حالة كون فضاء المعلمة لسلسلة ماركوف مستمراً يُصبح الانتقال بين الحالات عبر الكثافات الانتقالية (Transition Densities) بدلاً من الاحتمالات الانتقالية.

وبشكل عام فإن احتمالات الانتقال من حالة إلى أخرى تعتمد على الزمن  $t$ ، لذا فهي غير مرحلية (Non Stationarity Transition Probabilities)، أما إذا لم تعتمد الاحتمالات الانتقالية على الزمن  $t$  فتسمى عندئذ بالاحتمالات الانتقالية المرحلية Homogeneous (Stationarity Transition Probabilities)، أو المتجانسة في الزمن (Time

وبناءً على ذلك توضع الاحتمالات الانتقالية في مصفوفة رباعية أبعادها  $n \times n$  تسمى بالمصفوفة الانتقالية، ويشترط في هذه المصفوفة تحقيق الشرطين الآتيين:

١- إن كل عنصر من عناصر هذه المصفوفة يجب أن لا يكون سالباً، أي  $P_{ij} \geq 0$ .

٢- إن مجموع عناصر كل صف فيها يجب أن يساوي الواحد الصحيح، أي  $\sum_{j=1}^n p_{ij} = 1$ .

والممثل الآتي هو لمصفوفة الانتقال (Transfer Matrix) أبعادها  $n \times n$ .